



# UNIDAD EDUCATIVA MONTE TABOR – NAZARET

## Área de Matemáticas

### Actividades de refuerzo académico

### III BACHILLERATO – I QM

2015 - 2016

Contenido:	
Caligrafía:	<b>10</b>

NOMBRE: \_\_\_\_\_ CURSO: \_\_\_\_\_

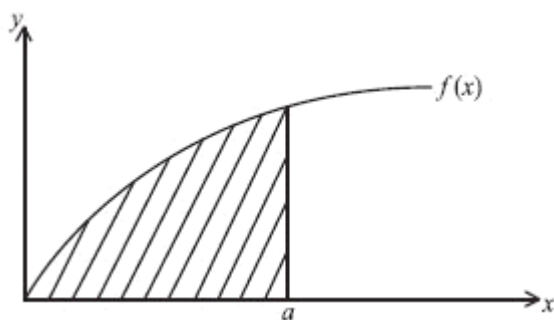
FECHA: \_\_\_\_\_ PROFESOR/A: \_\_\_\_\_

#### Instrucciones sobre las actividades de refuerzo:

Estas actividades de refuerzo académico tienen como objetivo mejorar el desempeño académico de los estudiantes que han obtenido una nota inferior a 7/10 en el examen quimestral y/o en el promedio quimestral, lo cual indica de acuerdo a la escala cualitativa de evaluación que el estudiante está próximo a alcanzar los aprendizajes requeridos o no ha alcanzado los aprendizajes requeridos. La actividad desarrollada debe entregarse al profesor de la asignatura a partir del 19 de octubre de 2015 en la primera hora de clases de esa asignatura. Se realizará una retroalimentación del trabajo y la calificación corresponderá como lección del primer parcial del segundo quimestre.

#### Semana 1

- The shaded region in the diagram below is bounded by  $f(x) = \sqrt{x}$ ,  $x = a$ , and the x-axis. The shaded region is revolved around the x-axis through  $360^\circ$ . The volume of the solid formed is  $0.845\pi$ .



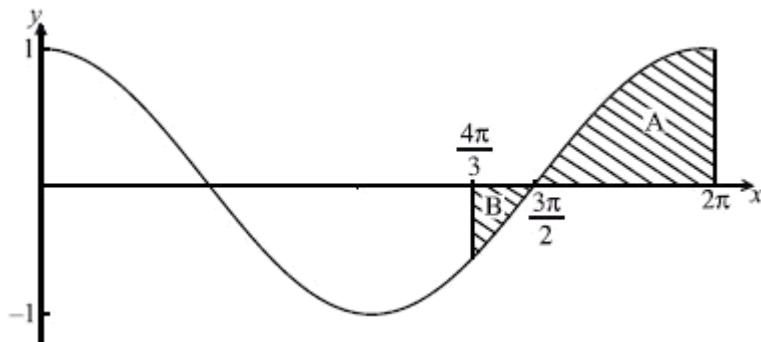
Find the value of  $a$ .

(Total 6 marks)

- Consider the function  $f(x) = 4x^3 + 2x$ . Find the equation of the normal to the curve of  $f$  at the point where  $x = 1$ .

(Total 6 marks)

3. The following diagram shows part of the graph of  $y = \cos x$  for  $0 \leq x \leq 2\pi$ . Regions A and B are shaded.



- (a) Write down an expression for the area of A.

(1)

- (b) Calculate the area of A.

(1)

- (c) Find the total area of the shaded regions.

(4)

(Total 6 marks)

4. Let  $\int_1^5 3f(x) dx = 12$ .

- (a) Show that  $\int_5^1 f(x) dx = -4$ .

(2)

- (b) Find the value of  $\int_1^2 (x + f(x)) dx + \int_2^5 (x + f(x)) dx$ .

(5)

(Total 7 marks)

5. Let  $f(x) = e^{-3x}$  and  $g(x) = \sin\left(x - \frac{\pi}{3}\right)$ .

- (a) Write down

(i)  $f'(x)$ ;

(ii)  $g'(x)$ .

(2)

(b) Let  $h(x) = e^{-3x} \sin\left(x - \frac{\pi}{3}\right)$ . Find the exact value of  $h'\left(\frac{\pi}{3}\right)$ .

(4)  
(Total 6 marks)

6. A function  $f$  has its first derivative given by  $f'(x) = (x - 3)^3$ .

(a) Find the second derivative.

(2)

(b) Find  $f(3)$  and  $f'(3)$ .

(1)

(c) The point P on the graph of  $f$  has x-coordinate 3. Explain why P is not a point of inflexion.

(2)  
(Total 5 marks)

7. Let  $h(x) = \frac{6x}{\cos x}$ . Find  $h'(0)$ .

(Total 6 marks)

8. The velocity  $v \text{ m s}^{-1}$  of a particle at time  $t$  seconds, is given by  $v = 2t + \cos 2t$ , for  $0 \leq t \leq 2$ .

(a) Write down the velocity of the particle when  $t = 0$ .

(1)

When  $t = k$ , the acceleration is zero.

(b) (i) Show that  $k = \frac{\pi}{4}$ .

(ii) Find the exact velocity when  $t = \frac{\pi}{4}$ .

(8)

- (c) When  $t < \frac{\pi}{4}$ ,  $\frac{dv}{dt} > 0$  and when  $t > \frac{\pi}{4}$ ,  $\frac{dv}{dt} < 0$ .

Sketch a graph of  $v$  against  $t$ .

(4)

- (d) Let  $d$  be the distance travelled by the particle for  $0 \leq t \leq 1$ .

- (i) Write down an expression for  $d$ .  
(ii) Represent  $d$  on your sketch.

(3)

(Total 16 marks)

9. Let  $g(x) = \frac{\ln x}{x^2}$ , for  $x > 0$ .

- (a) Use the quotient rule to show that  $g'(x) = \frac{1 - 2 \ln x}{x^3}$ .

(4)

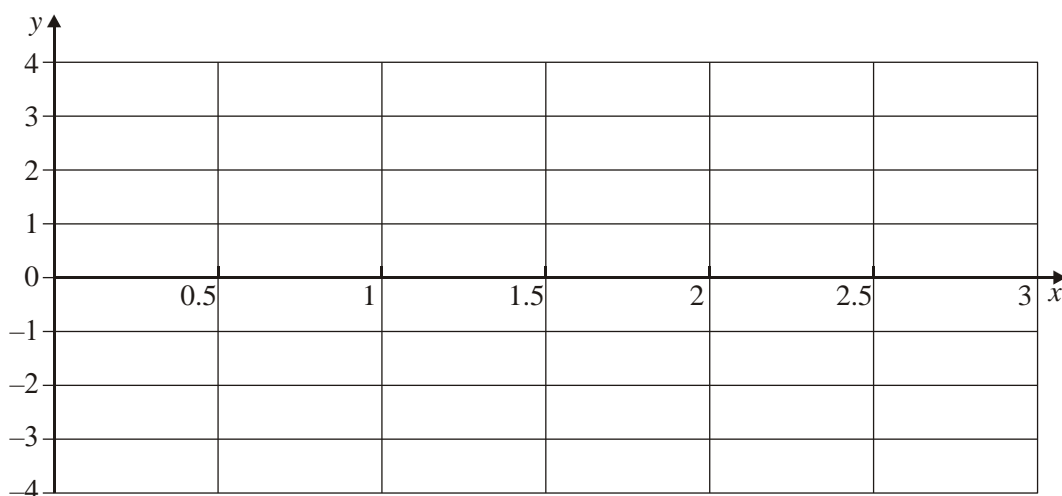
- (b) The graph of  $g$  has a maximum point at A. Find the  $x$ -coordinate of A.

(3)

(Total 7 marks)

10. Let  $f(x) = 2 + \cos(2x) - 2 \sin(0.5x)$  for  $0 \leq x \leq 3$ , where  $x$  is in radians.

- (a) On the grid below, sketch the curve of  $y = f(x)$ , indicating clearly the point P on the curve where the derivative is zero.



- (b) Write down the solutions of  $f(x) = 0$ .

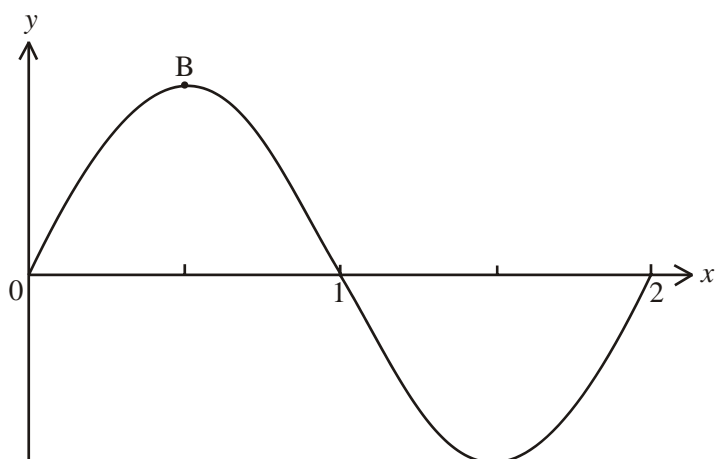
*Working:*

*Answer:*

(b) .....

(Total 6 marks)

11. Let  $f(x) = 6 \sin \pi x$ , and  $g(x) = 6e^{-x} - 3$ , for  $0 \leq x \leq 2$ . The graph of  $f$  is shown on the diagram below. There is a maximum value at B  $(0.5, b)$ .



- (a) Write down the value of  $b$ .
- (b) On the same diagram, sketch the graph of  $g$ .
- (c) Solve  $f(x) = g(x)$ ,  $0.5 \leq x \leq 1.5$ .

Working:

Answers:

(a) .....

(b) .....

(Total 6 marks)

12. The population of a city at the end of 1972 was 250 000. The population increases by 1.3% per year.

- (a) Write down the population at the end of 1973.  
(b) Find the population at the end of 2002.

(Total 6 marks)

13. (a) Given that  $(2^x)^2 + (2^x) - 12$  can be written as  $(2^x + a)(2^x + b)$ , where  $a, b \in \mathbb{Z}$ , find the value of  $a$  and of  $b$ .  
(b) Hence find the **exact** solution of the equation  $(2^x)^2 + (2^x) - 12 = 0$ , and explain why there is only one solution.

(Total 6 marks)

14. Let  $f(x) = 3 \ln x$  and  $g(x) = \ln 5x^3$ .

- (a) Express  $g(x)$  in the form  $f(x) + \ln a$ , where  $a \in \mathbb{Z}^+$ .

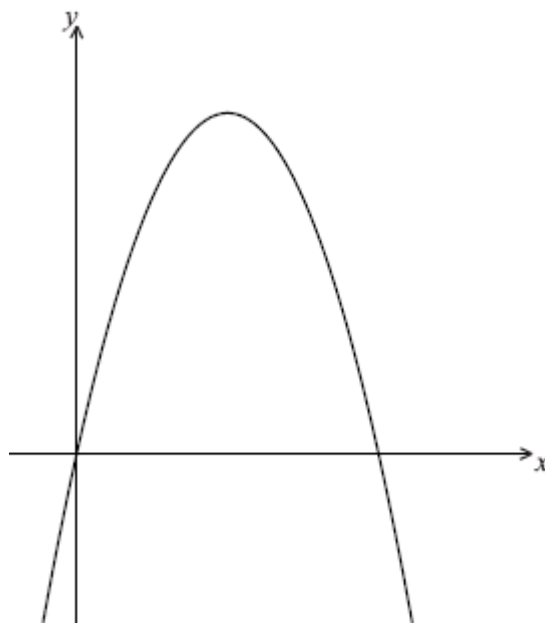
(4)

- (b) The graph of  $g$  is a transformation of the graph of  $f$ . Give a full geometric description of this transformation.

(3)

(Total 7 marks)

15. Let  $f(x) = 8x - 2x^2$ . Part of the graph of  $f$  is shown below.



- (a) Find the  $x$ -intercepts of the graph.

(4)

- (b) (i) Write down the equation of the axis of symmetry.  
(ii) Find the  $y$ -coordinate of the vertex.

(3)

(Total 7 marks)

16. Solve  $\log_2 x + \log_2(x - 2) = 3$ , for  $x > 2$ .

(Total 7 marks)

17. Let  $f(x) = e^{x+3}$ .

- (a) (i) Show that  $f^{-1}(x) = \ln x - 3$ .  
(ii) Write down the domain of  $f^{-1}$ .

(3)

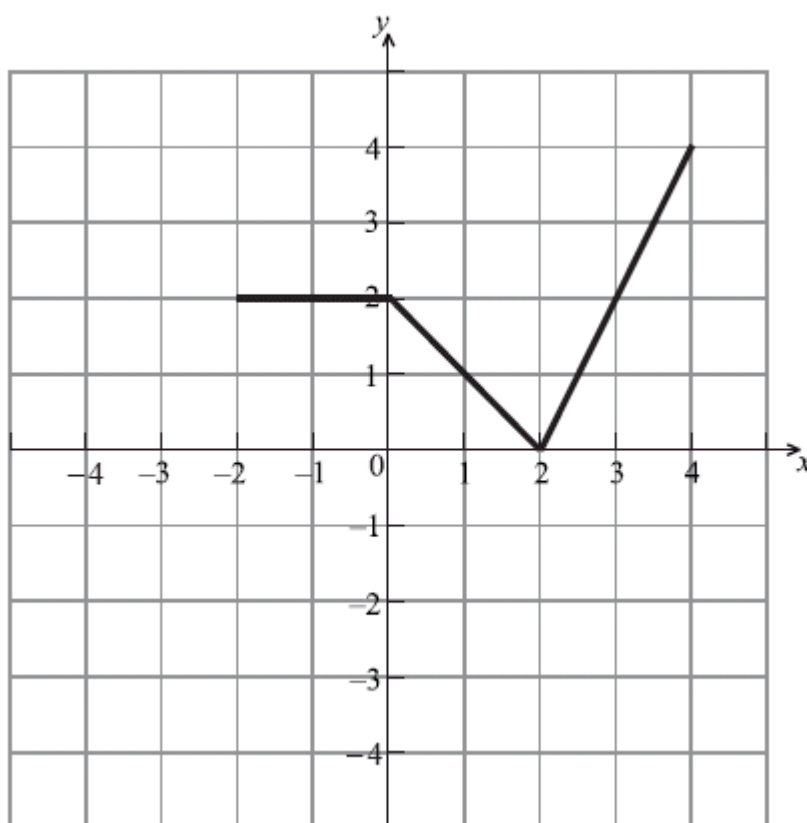
(b) Solve the equation  $f^{-1}(x) = \ln\left(\frac{1}{x}\right)$ .

(4)  
(Total 7 marks)

18. Let  $f(x) = \sqrt{3}e^{2x} \sin x + e^{2x} \cos x$ , for  $0 \leq x \leq \pi$ . Given that  $\tan \frac{\pi}{6} = \frac{1}{\sqrt{3}}$ , solve the equation  $f(x) = 0$ .

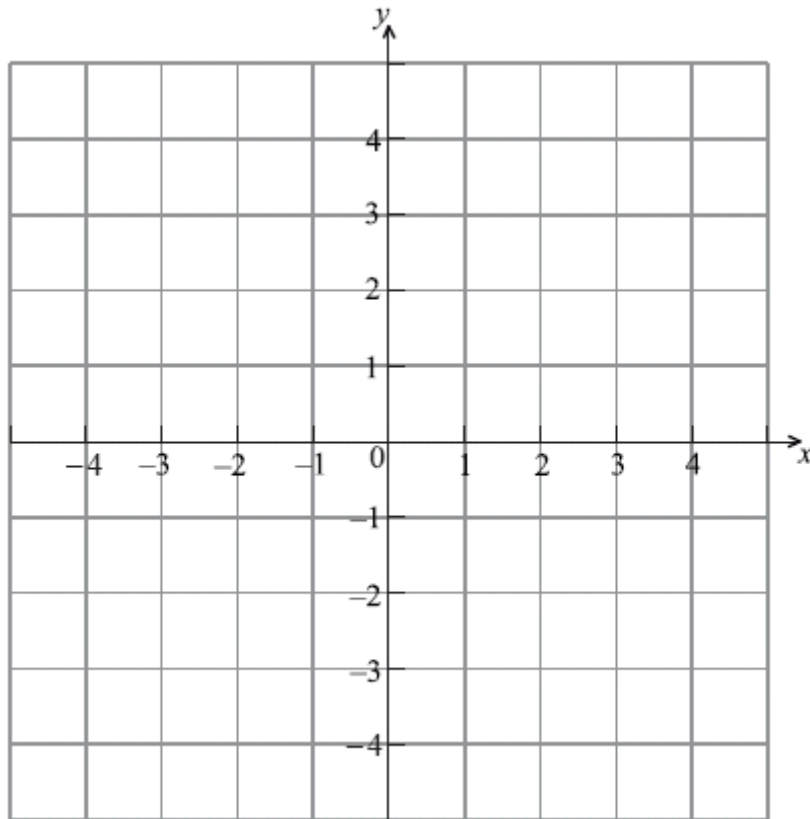
(Total 6 marks)

19. The diagram below shows the graph of a function  $f(x)$ , for  $-2 \leq x \leq 4$ .





- (a) Let  $h(x) = f(-x)$ . Sketch the graph of  $h$  on the grid below.



(2)

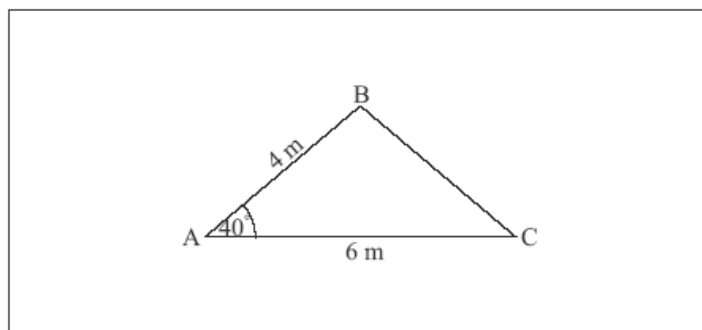
- (b) Let  $g(x) = \frac{1}{2}f(x-1)$ . The point  $A(3, 2)$  on the graph of  $f$  is transformed to the point  $P$  on the graph of  $g$ . Find the coordinates of  $P$ .

(3)

(Total 5 marks)

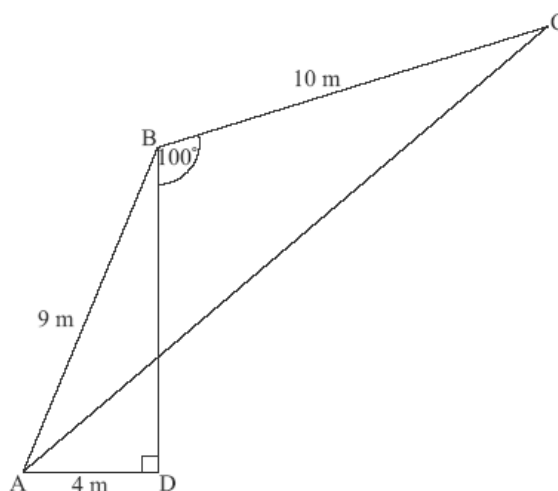
SEMANA 2.

1. (a) Un jardinero pavimentará un área rectangular de 15.4 metros de longitud por 5.5 metros de ancho. Calcule el área total a ser pavimentada. Exprese su respuesta en  $\text{m}^2$ . (1)
- (b) El jardinero desea tener un césped triangular ABC, sin pavimento, en el medio del área rectangular, como se muestra en el diagrama de abajo.



*El diagrama no está a escala*

- (i) Encuentre el perímetro del césped triangular. (3)
  - (ii) Calcule el área del césped. (2)
2. En el diagrama,  $AD = 4 \text{ m}$ ,  $AB = 9 \text{ m}$ ,  $BC = 10 \text{ m}$ ,  $\angle BDA = 90^\circ$  and  $\angle DBC = 100^\circ$ .



- (a) Calcule la medida de  $\angle ABC$ . (3)
  - (b) Calcule la longitud de AC. (3)
- (Total 6 marks)
3. Raúl, en la casa R, está en la misma orilla de un lago que Sylvia, que está en la casa S. Las casas están separadas 2 kilómetros. Cuando ambos, Raúl y Sylvia están observando hacia el norte, observan una lancha B en el lago, entre las dos casas. Raúl en la casa R puede ver al bote  $35^\circ$  hacia el este con respecto al punto de observación. Sylvia en la casa S puede ver al bote  $65^\circ$  al oeste con respecto a su punto de observación.
  - (a) Complete el diagrama de abajo, indicando cuál es el ángulo de  $35^\circ$ , y cuál el de  $65^\circ$ .

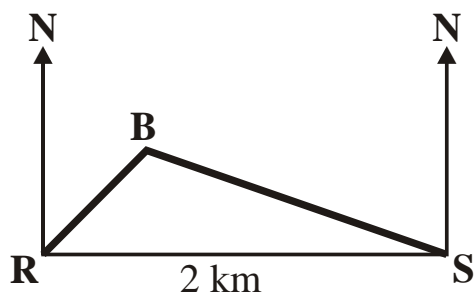


diagram not to scale

(2)

(b) (i) Calcule la medida de  $\widehat{RBS}$ .

(ii) En ese momento, ¿qué tan lejos está el bote (B) de la casa de Raúl (R)?

(3)

(Total 5 marks)

4. Resuelva la ecuación  $\sin 2x = \sqrt{2} \cos x$ ,  $0 \leq x \leq 2\pi$ .

(Total 6 marks)

5. El ángulo  $\theta$  satisface la ecuación  $2 \tan^2 \theta - \frac{5}{\cos \theta} - 10 = 0$ , donde  $\theta$  está en el segundo cuadrante. Encuentre el valor de  $\cos \theta$ .

(Total 6 marks)

6. Demuestre que  $\frac{\sin \theta}{1 - \cos \theta} - \frac{\sin \theta}{1 + \cos \theta}$ , luego de hacer las operaciones respectivas se obtiene  $\frac{2}{\tan \theta}$

(Total 6 marks)

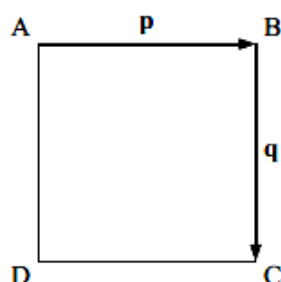
## VECTORES

### TEMA # 1 [4 puntos máximo]

ABCD es un cuadrado. Sus diagonales AC y BD se intersectan en M. Si  $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{p}$  y  $\overrightarrow{BD} = \overrightarrow{q}$ . Encuentre:

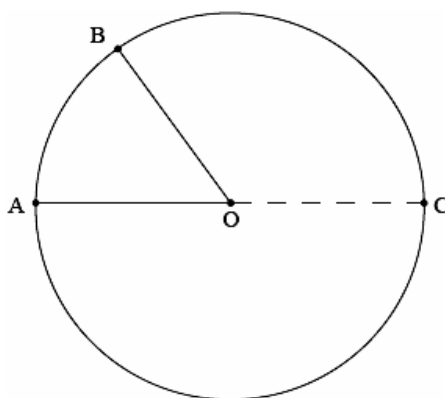
a)  $\overrightarrow{AM}$

b)  $\overrightarrow{BM}$



### TEMA # 2 [5 puntos máximo]

El diagrama de abajo muestra un círculo con centro O y radio 10 cm. Los puntos A, B y C están sobre la circunferencia del círculo y AC es un diámetro.

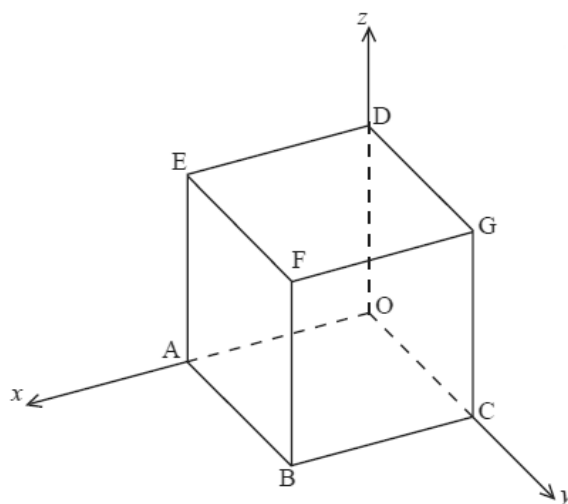


Sea  $\overrightarrow{OA} = \mathbf{a}$  y  $\overrightarrow{OB} = \mathbf{b}$ . Las coordenadas del punto A son  $(-10; 0)$ ; del punto B son  $B(-5; 5\sqrt{3})$ , y del punto C  $(10; 0)$ .

- Escriba una expresión para  $\overrightarrow{AB}$  y  $\overrightarrow{CB}$  en términos de los vectores  $\mathbf{a}$  y  $\mathbf{b}$ . [2 puntos]
- Demuestre que el ángulo ABC es un ángulo recto. [3 puntos]

### TEMA # 3 [6 puntos máximo]

El diagrama muestra un cubo OABCDEFG.



Sea O el origen, (OA) el eje x, (OC) el eje y, y (OD) el eje Z. Sea M, N y P los puntos medios de FG, DG y CG respectivamente. La coordenada de F es  $(2, 2, 2)$ .

- Encuentre los vectores  $\overrightarrow{OM}$ ,  $\overrightarrow{ON}$  y  $\overrightarrow{OP}$  en función de los vectores unitarios. [3 puntos].
- Calcule el área del triángulo MNP. [2 puntos]
- Escriba la coordenada  $(x, y, z)$  en la que la línea AG se encuentra con el plano MNP. [1 punto]

### TEMA # 4 [10 puntos máximo]

Los vértices del triángulo PQR están definidos por los vectores posición.

$$\overrightarrow{OP} = \begin{pmatrix} 4 \\ -3 \\ 1 \end{pmatrix}, \overrightarrow{OQ} = \begin{pmatrix} 3 \\ -1 \\ 2 \end{pmatrix} \text{ and } \overrightarrow{OR} = \begin{pmatrix} 6 \\ -1 \\ 5 \end{pmatrix}$$

- Bosqueje los vectores de posición anteriores. [1 punto]
- Demuestre que  $\cos RPQ = 0.5$ . [5 puntos]

c) Encuentre sin RPQ. [1 puntos]

d) Calcule el área del triángulo PQR, dando su respuesta en la forma  $a\sqrt{3}$ . [3 puntos]

### TEMA # 5 [6 puntos máximo]

(a) Sea  $\mathbf{u} = \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \\ -1 \end{pmatrix}$  y  $\mathbf{w} = \begin{pmatrix} 3 \\ -1 \\ p \end{pmatrix}$ . Sabiendo que  $\mathbf{u}$  es perpendicular a  $\mathbf{w}$ , encuentre el valor de  $p$ .

(3)

(b) Sea  $\mathbf{v} = \begin{pmatrix} 1 \\ q \\ 5 \end{pmatrix}$ . Dado que  $|\mathbf{v}| = \sqrt{42}$ , encuentre los posibles valores de  $q$ .

(3)

(Total 6 marks)

### TEMA # 6 [13 puntos máximo]

Considere los puntos A (1, 5, 4), B (3, 1, 2) y D (3,  $k$ , 2), con (AD) perpendicular a (AB).

(a) Encuentre

(i)  $\overrightarrow{AB}$ ;

(ii)  $\overrightarrow{AD}$ , dando su respuesta en términos de  $k$ .

(3)

(b) Muestre que  $k = 7$ .

(3)

El punto C es tal que  $\overrightarrow{BC} = \frac{1}{2} \overrightarrow{AD}$ .

(c) Encuentre el vector posición de C.

(4)

(d) Encuentre  $\cos \hat{ABC}$ .

### TEMA # 7 [7 puntos máximo]

Sean los vectores  $\mathbf{v}$  y  $\mathbf{w}$  como se muestran, para  $k > 0$ . El ángulo entre  $\mathbf{v}$  y  $\mathbf{w}$  es  $\frac{\pi}{3}$ . Encuentre el valor de  $k$ .

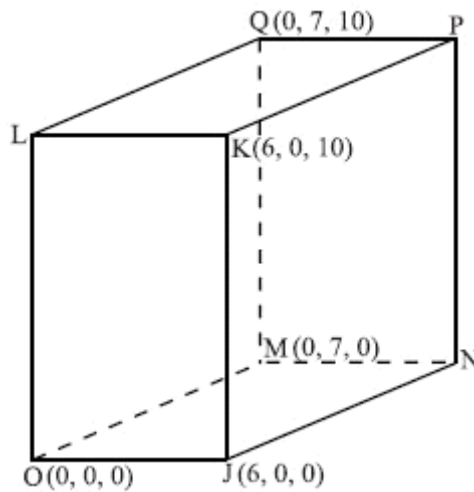
$$\mathbf{v} = \begin{pmatrix} 2 \\ -3 \\ 6 \end{pmatrix} \text{ y } \mathbf{w} = \begin{pmatrix} k \\ -2 \\ 4 \end{pmatrix}$$

(3)

(Total 13 marks)

### TEMA # 8 [9 puntos máximo]

El diagrama muestra un prisma sólido OJKLMNPQ. El vértice O es (0, 0, 0), J es (6, 0, 0), K es (6, 0, 10), M es (0, 7, 0) y Q es (0, 7, 10).



(a) (i) Muestre que  $\overrightarrow{JQ} = \begin{pmatrix} -6 \\ 7 \\ 10 \end{pmatrix}$ .

(ii) Encuentre  $\overrightarrow{MK}$ .

(4)

(ii) Encuentre el ángulo entre (JQ) y (MK).

(5)

## LÍMITES Y DERIVADAS

### TEMA # 1 [6 puntos máximo]

La función  $f'(x) = 2\sin\left(5x - \frac{\pi}{2}\right)$

a) Encuentre  $f''(x)$ .

[2 puntos]

b) Demuestre que  $f'''(\frac{\pi}{5}) = -50$

[4 puntos]

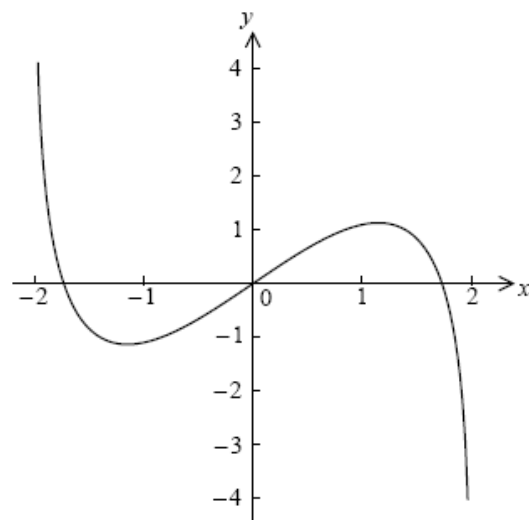
### TEMA # 2 [5 puntos máximo]

Use las derivadas del  $\sin x$  y  $\cos x$ ; y el hecho de que  $\frac{1}{\cos x} = \sec x$  para demostrar que la derivada de  $\tan x$  es  $\sec^2 x$ .

### TEMA # 3 [7 puntos máximo]

Considere la función  $f(x) = x \ln(4 - x^2)$  para  $-2 < x < 2$ . La gráfica de  $f$  se muestra abajo.

- a) Sea  $g(x) = x$ ,  $h(x) = \ln(4 - x^2)$ , encuentre la derivada de  $g(x)$  y de  $h(x)$ . [2 puntos]
- b) En base a las respuestas anteriores encuentre la derivada de  $f(x)$ , considerando como la derivada de un producto. [2 puntos]



Sean P y Q puntos sobre la curva de  $f$  en donde la tangente a la gráfica de  $f$  es paralela al eje  $x$

- c) Calcule los valores de  $x$  donde la derivada de  $f$  es igual a cero. Puede usar la calculadora. [1 punto]
- d) Encuentre las coordenadas de P y Q. [2 puntos]
- e) Considere  $f(x) = k$ . Escriba todos los valores de  $k$  para el cual hay exactamente dos soluciones. [1 punto]

### TEMA # 4 [5 puntos máximo]

Sea la función  $f(x) = \frac{3x^2}{5x-1}$ .

- a) Escriba la ecuación de la asíntota vertical de la función  $f$ . [1 punto]
- b) Encuentre  $f'(x)$ . Expresé su respuesta en la forma  $\frac{ax^2 + bx}{(5x-1)^2}$ , donde  $a$  y  $b \in \mathbf{Z}$ . [4 puntos]

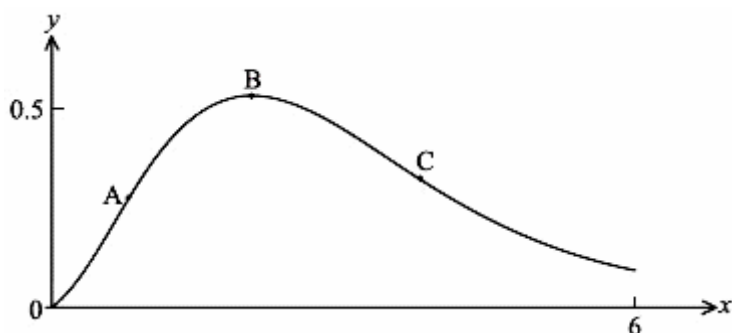
### TEMA # 5 [6 puntos máximo]

Sea  $f(x) = e^{-3x}$  y  $g(x) = \sin\left(x - \frac{\pi}{3}\right)$ .

- a) Encuentre
- $f'(x)$
  - $g'(x)$
- [2 puntos]
- b) Sea  $h(x) = e^{-3x} \sin\left(x - \frac{\pi}{3}\right)$ , encuentre el valor exacto de  $h'\left(\frac{\pi}{3}\right)$ . [4 puntos]

### TEMA # 6 [6 puntos máximo]

El diagrama muestra el gráfico de  $f(x) = x^2 e^{-x}$  for  $0 \leq x \leq 6$ . El punto A y el punto C son puntos en donde la segunda derivada es igual a cero, y el punto B es un punto donde la primera derivada es cero.



- Use la regla del producto para encontrar  $f'(x)$ . [2 puntos]
- Encuentre la coordenada de B. [2 puntos]
- Encuentre la coordenada de C. [2 puntos]

## CÓNICAS, MATRICES Y SISTEMAS DE ECUACIONES E INECUACIONES

### EJERCICIO # 1. [2 puntos]

**Determine** la ecuación de la circunferencia que tiene centro  $C(-2; -4)$  y pasa por el origen del sistema de ejes coordenados.

### EJERCICIO # 2. [4 puntos]

Dada la ecuación de la cónica  $4x^2 + 8y^2 - 16x + 16y = 0$ , determine las características de la elipse a la que representa.

- Elipse vertical con ancho de longitud 3.
- Elipse horizontal con largo de longitud 6.
- Elipse vertical con ancho al cuadrado de longitud 3.
- Elipse horizontal con largo al cuadrado de longitud 6
- Elipse vertical con covértice de longitud 4.

### EJERCICIO # 3. [3 puntos]

Sea  $A = \begin{pmatrix} 3 & 2 \\ k & 4 \end{pmatrix}$  y  $B = \begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 1 & 3 \end{pmatrix}$ , encuentre k de tal manera que  $A - 2B = \begin{pmatrix} 4 & 2 \\ 3 & 5 \end{pmatrix}$

### EJERCICIO # 4

Encuentre el conjunto solución del sistema de ecuaciones siguiente, usando la regla de Cramer (método de determinantes)

$$\begin{aligned} 3x - 2y + 5z &= 3 \\ x + y - 4z &= 2 \\ -2x + 2y + 7z &= -5 \end{aligned}$$

### EJERCICIO # 5 [5 puntos]

Encuentre el conjunto solución del sistema de ecuaciones siguiente, utilizando la regla de Cramer (por determinantes)

$$\begin{aligned} 7x + 8y &= 1 \\ 2x + 3y &= 1 \end{aligned}$$

- $x=1, y=-1$
- $x=-1, y=1$
- $x=-1, y=-1$
- $x=1, y=1$



**EJERCICIO # 6 [6 puntos]**

Sean las matrices  $P = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  y  $Q = \begin{pmatrix} -2 & 1 \\ 3 & -1 \end{pmatrix}$ , determine si el producto de las matrices PQ es igual al producto QP. (Debe realizar los dos productos para la demostración)

**EJERCICIO # 7. [2 puntos]**

Sin escribir la ecuación en la forma estándar, escriba junto a la ecuación presentada qué tipo de cónica representa, circunferencia, elipse o hipérbola.

a)  $5x^2 + 5y^2 - 45 = 0$ . \_\_\_\_\_

b)  $4y^2 - 36x^2 + 4x - 144 = 0$  \_\_\_\_\_

**EJERCICIO # 8. [8 puntos]**

a) Traslade la ecuación general, dada a continuación, a la forma estándar. [4 puntos]

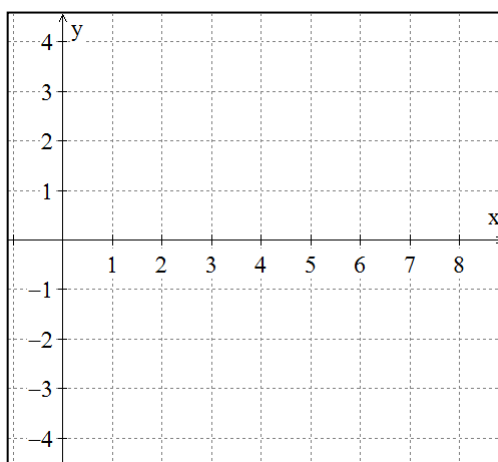
$$5x^2 - 6y^2 - 30x - 12y = -9$$

b) Grafique en el siguiente plano cartesiano la cónica que está representada por la ecuación estándar en la parte a), y muestre claramente las coordenadas de:

i) Centro de la cónica. [1 punto]

ii) Vértice de la cónica. [1 punto]

[4 puntos]

**EJERCICIO # 9. [5 puntos]**

Sabiendo que  $A = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 3 & 1 \end{bmatrix}$ ,  $B = \begin{bmatrix} 4 & 0 \\ -2 & -1 \end{bmatrix}$  y  $C = \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$ ,

a) Desarrolle la operación  $(A + C)$ . [1 punto]

b) Demuestre realizando los respectivos productos que **no se cumple** la siguiente igualdad  $(A + C)B = B(A + C)$   
[4 puntos]

**EJERCICIO # 10 [4 puntos]**

Para el siguiente conjunto de inecuaciones:

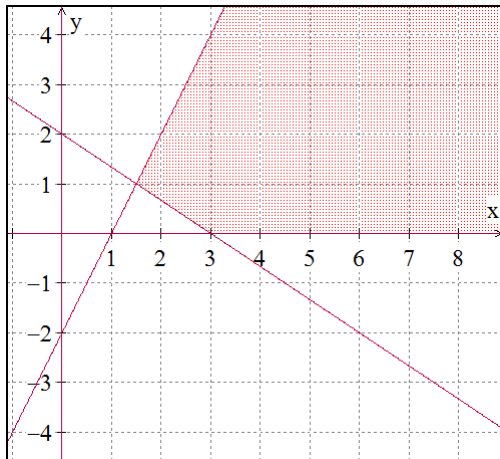
$$2x + 3y \geq 6$$

$$2x - y \leq 2$$

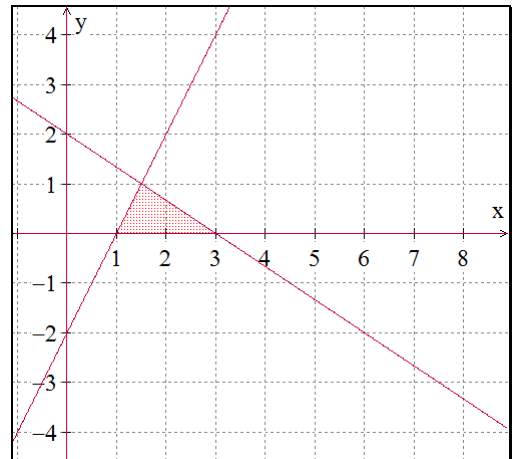
$$x \geq 0$$

$$y \geq 0$$

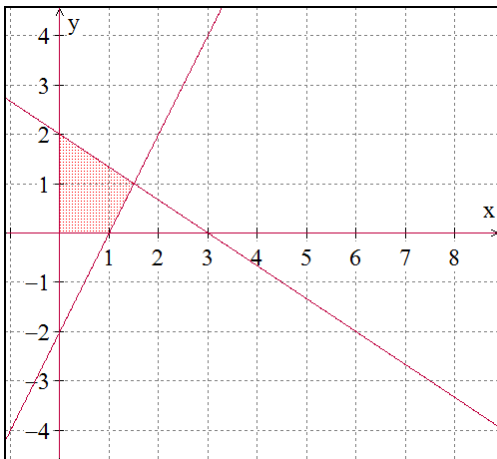
- a) Indique cuál de las gráficas muestra la región que representa al conjunto solución de ese sistema. [2 puntos]



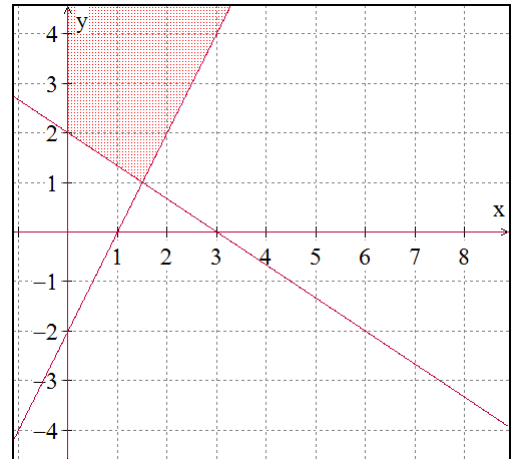
I



II



III



IV

- b) Sea  $C = x + 4y + 3$  la función objetivo, encuentre el valor mínimo de la región para esa función objetivo. [2 puntos]

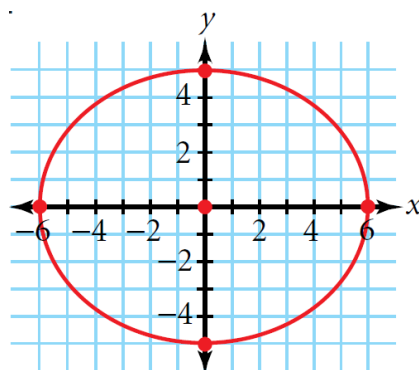
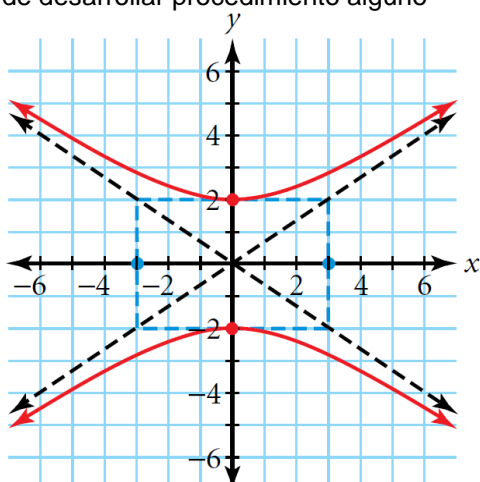
### **EJERCICIO # 11 [8 puntos]**

Encuentre el conjunto solución del sistema de ecuaciones siguiente, usando la regla de Cramer (método de determinantes)

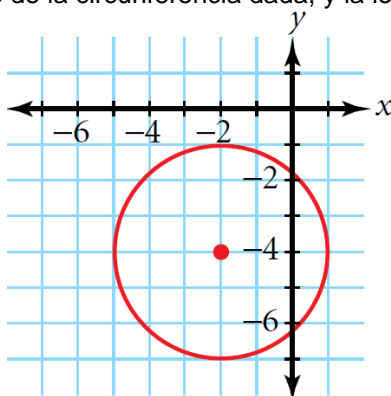
$$\begin{aligned} 2x + y - 3z &= -5 \\ 5x + 2y - 2z &= 8 \\ 3x - 3y + 5z &= 17 \end{aligned}$$

**EJERCICIO # 12. [2 puntos]**

Escriba la ecuación de la cónica en la forma estándar, en la línea inferior, destinado para ello, sin necesidad de desarrollar procedimiento alguno

**EJERCICIO # 13. [8 puntos]**

a) Escriba las coordenadas del centro de la circunferencia dada, y la longitud del radio. [3 puntos]



b) En base a los datos mostrados en la pregunta a) escriba la ecuación de la circunferencia en la forma estándar, que se representa  $(x - h)^2 + (y - k)^2 = r^2$ . [3 puntos]

c) Demuestre que la ecuación, expresada en la forma general, de la circunferencia dada en el gráfico es [2 puntos]

$$x^2 + y^2 + 4x + 8y + 11 = 0$$

**EJERCICIO # 14. [7 puntos]**

Sabiendo que  $A = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 3 & 1 \end{bmatrix}$ ,  $B = \begin{bmatrix} 4 & 0 \\ -2 & -1 \end{bmatrix}$  y  $C = \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$ ,

c) Desarrolle la operación  $(A + B)$ , y determine el valor de  $\alpha$  de tal manera que

$$A + B = \begin{bmatrix} 2 & -1 \\ \alpha & 2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 3 & 4 \\ 3 & -2 \end{bmatrix}$$

. [3 puntos]

- d) Demuestre realizando los respectivos productos que **ABC es igual a**

$$ABC = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ -10 & 1 \end{bmatrix}$$

[4 puntos]

### **EJERCICIO # 15 [4 puntos]**

Para el siguiente conjunto de inecuaciones:

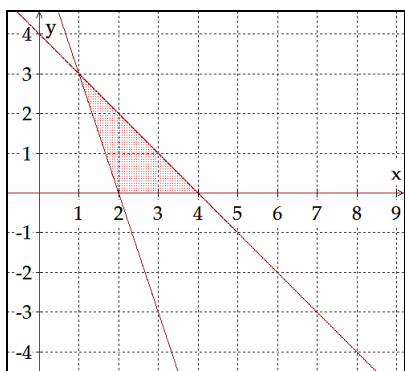
$$x + y \leq 4$$

$$3x + y \geq 6$$

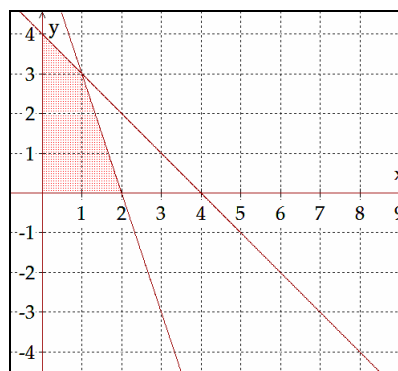
$$x \geq 0$$

$$y \geq 0$$

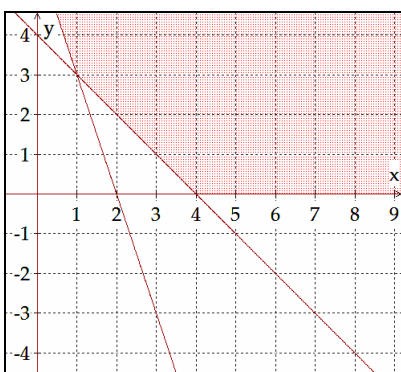
- c) Indique cuál de las gráficas muestra la región que representa al conjunto solución de ese sistema. [2 puntos]



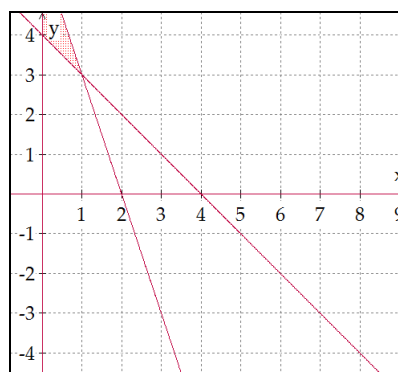
I



II



III



IV

- d) Sea  $C = x + 4y + 3$  la función objetivo, encuentre el valor mínimo de la región para esa función objetivo. [2 puntos]

### **EJERCICIO # 16 [8 puntos]**

Encuentre el conjunto solución del sistema de ecuaciones siguiente, usando la regla de Cramer (método de determinantes)

$$2x + y - 3z = 0$$

$$5x + 2y - 2z = 10$$

$$3x - 3y + 5z = 10$$